Compito di Analisi Matematica I: Calcolo integrale, 5 luglio 2004 Corso di Laurea in Informatica

1) Determinare tutte le soluzioni dell'equazione differenziale

$$(1+x^2)y'' + (y')^2 + 1 = 0.$$

(Sugg.: questa è una "falsa" equazione del secondo ordine.)

2) Stabilire per quali valori del parametro  $\alpha > 0$  il seguente integrale improprio converge:

$$\int_{2}^{+\infty} \frac{4 + (\log x)^{2}}{(1+x)[1 + (\log x)^{\alpha}]} \ dx.$$

3) Calcolare l'area di una delle porzioni di piano comprese tra la circonferenza di centro (0,1) e raggio 1 e la retta passante per il punto (0,2) e con coefficiente angolare -2.

(Sugg.: fare un disegno accurato e, prima di integrare, scegliere la porzione e la coordinata più convenienti.)